

Universidad Interamericana de Puerto Rico
Recinto Metropolitano
Facultad de Ciencias y Tecnología
Departamento de Ciencias de Computadoras y Matemáticas
PRONTUARIO

I. INFORMACIÓN GENERAL

TÍTULO DEL CURSO : Fundamentos de Matemáticas Abstractas
Código y número : MATH 5700
Créditos : 3 créditos
Término Académico :
Profesor :
Horas de Oficina :
Teléfono de la oficina :
Correo Electrónico :

II. DESCRIPCIÓN DEL CURSO

El curso incluye lógica, métodos de demostración, teoría de conjuntos, permutaciones y combinaciones, relaciones incluyendo relaciones de equivalencia y de orden parcial, cuerpos ordenados y sus axiomas, funciones, operaciones binarias, divisibilidad, cardinalidad, el Teorema de Cantor, Topología de \mathbb{R} , conjuntos abiertos, cerrados y puntos de acumulación.

III. OBJETIVOS TERMINALES

1. Construir demostraciones de los diferentes enunciados matemáticos.
2. Aplicar la teoría de conjuntos en la resolución de problemas.
3. Determinar que propiedades cumplen una relación dada.
4. Determinar qué propiedades cumple una función dada.
5. Analizar las operaciones binarias.
6. Resolver problemas usando los conceptos básicos de los cuerpos ordenadas.
7. Reconocer y demostrar las propiedades de los números naturales.
8. Demostrar teoremas y propiedades de topología básica de \mathfrak{R} y de espacios métricos.
9. Expresar de forma respetuosa sus puntos de vista durante las presentaciones orales de los compañeros de clase.

IV. CONTENIDO

- A. Conjuntos
 1. Subconjunto
 2. Conjunto vacío
 3. Conjunto universal
 4. Operaciones con conjuntos
 - a. Unión
 - b. Intersección
 - c. Diferencia
 - 1) Complemento
 5. Conjunto Potencia

Revisado octubre 2018

6. Tablas de Pertenencia
7. Diagramas de Venn
8. Determinación de dos conjuntos iguales
9. Demostración de las diferentes propiedades:
 - a. Leyes distributivas
 - b. Leyes de De Morgan
 - c. Conjunto Potencia
10. Cardinalidad de un conjunto

B. Relaciones

1. Producto cartesiano
2. Relación
 - a. Dominio
 - b. Rango (alcance)
 - c. Relación inversa
3. Tipos de relación
 - a. Reflexiva
 - b. Simétrica
 - c. Transitiva
 - d. Antisimétrica
 - e. Otras
4. Relación de equivalencia
 - a. Propiedades
 - b. Clases de equivalencia
 - c. Particiones
5. Orden parcial
 - a. Cota superior
 - 1) elemento máximo
 - 2) supremo
 - b. Cota inferior
 - 1) elemento mínimo
 - 2) ínfimo
 - c. Conjuntos parcialmente ordenados
 - 1) Retículos

C. Funciones

1. Definición y notación
2. Imagen directa
 - a. propiedades
3. Imagen inversa
 - b. propiedades
4. Tipos de funciones
 - a. Inyectiva
 - b. Sobre
 - c. Biyectiva
 - d. Inversa
5. Operaciones
 - a. composición

- 1) propiedades
- 6. Conjuntos equivalentes
 - a. Conjuntos contables
 - b. Teorema de Cantor
- D. Operaciones binarias
 - 1. Definición
 - 2. Tipos de operaciones
 - a. Asociativa
 - b. Conmutativa
 - c. Elemento identidad (neutro)
 - d. Inversos de elementos
- E. Cuerpos ordenados
 - 1. Definición
 - a. Cuerpo ordenado
 - 1) Propiedades de la relación de orden
 - 2) El axioma del supremo
 - 3) Propiedades del valor absoluto
 - b. Propiedades del supremo y del ínfimo
 - 1) El Principio Arquimidiano
- F. Los números naturales (se usará para las presentaciones orales)
 - 1. Axioma del buen ordenamiento
 - 2. Primer Principio de Inducción Matemática
 - a. Teorema del Binomio y su demostración
 - 3. Algoritmo de la división
 - 4. Definición de un número que divide a otro
 - a. Propiedades
 - b. Congruencias módulo n
 - 5. Máximo Común Divisor
 - a. Propiedades
 - b. Números relativamente primos
 - c. Algoritmo euclidiano
- G. Topología de \mathfrak{R} y de espacios métricos
 - 1. Conjuntos abiertos y cerrados
 - a. Definiciones y propiedades
 - 1) Conjuntos abiertos
 - 2) Intervalos
 - 3) Puntos frontera
 - 4) Conjunto cerrado
 - 2. Puntos de acumulación
 - a. Definición
 - b. Conjuntos cerrados
 - c. Clausura de un conjunto
 - 1) Principios
 - 3. Puntos aislados
 - 4. Puntos interiores
 - a. Conjuntos abiertos

- b. Interior de un conjunto
- c. Propiedades
- 5. Sucesiones
 - a. Límites
 - b. Sucesiones de Cauchy
 - c. Límites, supremo y puntos de acumulación

VI. CRITERIOS DE EVALUACIÓN

	Puntuación	% de Nota Final
A. 2 Exámenes parciales individuales	200	40%
B. Asignaciones grupales	100	20%
C. Presentaciones orales	100	20%
D. Examen Final	<u>100</u>	<u>20%</u>
	Total	500
		100%
E. Se utilizará la siguiente curva de notas:		
100 - 90	A	
89 - 80	B	
79 - 70	C	
69 - 0	F	

VII. LIBRO DE TEXTO SUGERIDO

Kurtz David c. Foundations of Abstract Mathematics. International Series of Pure and Applied Mathematics

VIII. NOTAS ESPECIALES

A. Servicios auxiliares o necesidades especiales

Todo estudiante que requiera servicios auxiliares o asistencia especial deberá solicitar los mismos al inicio del curso o tan pronto como adquiera conocimiento de que los necesita, a través del registro correspondiente en la Oficina de Orientación Universitaria del Recinto. Este proceso debe llevarse a cabo mediante el registro correspondiente en la oficina del Consejero Profesional Coordinador de Servicios a los Estudiantes con Impedimentos. Su oficina está ubicada en el Programa de Orientación Universitaria en el primer piso del Recinto.

B. Honradez, fraude y plagio

La falta de honradez, el fraude, el plagio y cualquier otro comportamiento inadecuado con relación a la labor académica constituyen infracciones mayores sancionadas por el Reglamento General de Estudiantes. Las infracciones mayores, según dispone el Reglamento General de Estudiantes, pueden tener como consecuencia la suspensión de la Universidad por un tiempo definido mayor de un año o la expulsión permanente de la Universidad, entre otras sanciones.

C. Uso de dispositivos electrónicos

Se desactivarán los teléfonos celulares y cualquier otro dispositivo electrónico que pudiese interrumpir los procesos de enseñanza y aprendizaje o alterar el ambiente conducente a la excelencia académica. Las situaciones apremiantes serán atendidas, según corresponda. Se prohíbe el manejo de dispositivos electrónicos que permitan acceder, almacenar o enviar datos durante evaluaciones o exámenes.

D. Cumplimiento con las disposiciones del Título IX

La Ley de Educación Superior Federal, según enmendada, prohíbe el discrimen por razón de sexo en cualquier actividad académica, educativa, extracurricular, atlética o en cualquier otro programa o empleo, auspiciado o controlado por una institución de educación superior independientemente de que esta se realice dentro o fuera de los predios de la institución, si la institución recibe fondos federales.

Conforme dispone la reglamentación federal vigente, en nuestra unidad académica se ha designado un(a) Coordinador(a) Auxiliar de Título IX que brindará asistencia y orientación con relación a cualquier alegado incidente constitutivo de discrimen por sexo o género, acoso sexual o agresión sexual. Se puede comunicar con el Coordinador(a) Auxiliar el Sr. George Rivera, Director Oficina de Seguridad al teléfono (787) 250-1912, extensión 2262, o al correo electrónico griverar@metro.inter.edu

El Documento Normativo titulado Normas y Procedimientos para Atender Alegadas Violaciones a las Disposiciones del Título IX es el documento que contiene las reglas institucionales para canalizar cualquier querrela que se presente basada en este tipo de alegación. Este documento está disponible en el portal de la Universidad Interamericana de Puerto Rico (www.inter.edu).

IX. BIBLIOGRAFÍA

Chartrand, Polimeni & Zhang (2007) . Mathematical Proof. A Transition to Advanced Math. 2nd Edition. Thomson-Brooks/Cole.

Gilbert & Gilbert.(2005) Elements of Modern Algebra. Thomson- Brooks/Cole

O'Leary, M. (2002). The Structure of Proof . Pearson Education

Richmond B. & Richmond T. (2009). A Discrete Transition to Advanced Mathematics. Thomson-Brooks/Cole.

Smith D., EggenM., & St. Andre R.(2005) A Transition to Advanced Mathematics 5th Edition. Thomson-Brooks/Cole

Stoll R. (2000). Sets, Logic and Axiomatic Theories. Dover (Clásico)

Sundstrom T. (2006). Mathematical Reasoning Writing and Proof. Pearson Education.